

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Обнинский институт атомной энергетики –

филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

(ИАТЭ НИЯУ МИФИ)

ИНСТИТУТ ОБЩЕЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПОДГОТОВКИ

Кафедра высшей математики

Одобрено на заседании Ученого
совета ИАТЭ НИЯУ МИФИ, про-
токол №25.8 от 25.08.2025

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ И ИНТЕГРАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ

название дисциплины

для студентов направления подготовки

22.03.01 «Материаловедение и технологии материалов»

код и название направления подготовки

образовательная программа

Материалы фотоники

Форма обучения: очная

Область применения

Фонд оценочных средств (ФОС) является обязательным приложением к рабочей программе дисциплины «Дифференциальные и интегральные уравнения» и обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущей и промежуточной аттестации по дисциплине.

Цели и задачи фонда оценочных средств

Целью Фонда оценочных средств является установление соответствия уровня подготовки обучающихся требованиям федерального государственного образовательного стандарта.

Для достижения поставленной цели Фондом оценочных средств по дисциплине «Дифференциальные и интегральные уравнения» решаются следующие задачи:

- контроль и управление процессом приобретения обучающимися знаний, умений и навыков, предусмотренных в рамках данной дисциплины;
- контроль и оценка степени освоения компетенций, предусмотренных в рамках данной дисциплины;
- обеспечение соответствия результатов обучения задачам будущей профессиональной деятельности через совершенствование традиционных и внедрение инновационных методов обучения в образовательный процесс в рамках данной дисциплины.

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

1.1. В результате освоения ОП бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

Коды компетенций	Наименование компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
ОПК-1	. Способен решать задачи профессиональной деятельности, применяя методы моделирования, математического анализа, инженерные и естественнонаучные знания	З-ОПК-1 знать фундаментальные законы природы и основные физические и математические законы У-ОПК-1 уметь применять физические законы и математические методы для решения задач теоретического и прикладного характера; В-ОПК-1 владеть навыками моделирования, математического анализа, а также решать задачи в области естественнонаучных и инженерных знаний.
УКЕ-1	Способен использовать знания естественнонаучных дисциплин, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в поставленных задачах	Знать: основные законы естественнонаучных дисциплин, методы математического анализа и моделирования, основы классической теории дифференциальных и интегральных уравнений, теоретического и экспериментального исследования. Уметь: использовать математические методы в технических приложениях, создавать теоретические и математические модели в профессиональной области, решать типовые расчетные задачи. Владеть: методами математического анализа и моделирования; методами решения задач анализа и расчета характеристик физических систем, основными приемами обработки экспериментальных данных, методами работы с прикладными программными продуктами.

1.2. Этапы формирования компетенций в процессе освоения ОП бакалавриата

Компоненты компетенций, как правило, формируются при изучении нескольких дисциплин, а также в немалой степени в процессе прохождения практик, НИР и во время самостоятельной работы обучающегося. Выполнение и защита ВКР являются видом учебной деятельности, который завершает процесс формирования компетенций.

Этапы формирования компетенции в процессе освоения дисциплины:

- **начальный этап** – на этом этапе формируются знаниевые и инструментальные основы компетенции, осваиваются основные категории, формируются базовые умения. Студент воспроизводит термины, факты, методы, понятия, принципы и правила; решает учебные задачи по образцу;

- **основной этап** – знания, умения, навыки, обеспечивающие формирование компетенции, значительно возрастают, но еще не достигают итоговых значений. На этом этапе студент осваивает аналитические действия с предметными знаниями по дисциплине, способен самостоятельно решать учебные задачи, внося коррективы в алгоритм действий, осуществляя коррекцию в ходе работы, переносит знания и умения на новые условия;

- **завершающий этап** – на этом этапе студент достигает итоговых показателей по заявленной компетенции, то есть осваивает весь необходимый объем знаний, овладевает всеми умениями и навыками в сфере заявленной компетенции. Он способен использовать эти знания, умения, навыки при решении задач повышенной сложности и в нестандартных условиях.

Этапы формирования компетенций в ходе освоения дисциплины отражаются в тематическом плане (см. РПД).

1.3. Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Индикатор достижения компетенции	Наименование оценочного средства текущей и промежуточной аттестации
Текущая аттестация			
1	Основные понятия теории дифференциальных Дифференциальные уравнения первого порядка.	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	КР1, ИДЗ [6]
2	Уравнения порядка выше первого.	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	КР2, ИДЗ [6]
3	Системы дифференциальных уравнений.	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	КР2, ИДЗ [6]
4	Краевые задачи для линейных уравнений второго порядка.	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	ИДЗ [6]
5	Устойчивость решений дифференциальных уравнений..	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	ИДЗ [6]
6	Дифференциальное исчисление		
7	Уравнения с частными производными первого порядка.	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	ИДЗ [6]
8	7. Интегральные уравнения.	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	КР2
Промежуточная аттестация, 3 семестр			
	Экзамен	ОПК-2(знать, уметь, владеть) УКЕ-1(знать, уметь, владеть)	Экзаменационные билеты

Сокращение КР ** - контрольная работа номер; ИДЗ -индивидуальное домашнее задание.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Конечными результатами освоения программы дисциплины являются сформированные когнитивные дескрипторы «знать», «уметь», «владеть», расписанные по отдельным компетенциям, которые приведены в п.1.1. Формирование этих дескрипторов происходит в процессе изучения дисциплины по этапам в рамках различного вида учебных занятий и самостоятельной работы. Выделяются три уровня сформированности компетенций на каждом этапе: пороговый, продвинутый и высокий.

Уровни	Содержательное описание уровня	Основные признаки выделения уровня	БРС, % освоения	ECTS / Пятибалльная шкала для оценки экзамена / зачета
Высокий Все виды компетенций сформированы на высоком уровне в соответствии с целями и задачами дисциплины	Творческая деятельность	Включает нижестоящий уровень. Студент демонстрирует свободное обладание компетенциями, способен применить их в нестандартных ситуациях: показывает умение самостоятельно принимать решение, решать проблему/задачу теоретического или прикладного характера на основе изученных методов, приемов, технологий	90-100	A / Отлично / Зачтено
Продвинутый Все виды компетенций сформированы на продвинутом уровне в соответствии с целями и задачами дисциплины	Применение знаний и умений в более широких контекстах учебной и профессиональной деятельности, нежели по образцу, большей долей самостоятельности и инициативы	Включает нижестоящий уровень. Студент может доказать владение компетенциями: демонстрирует способность собирать, систематизировать, анализировать и грамотно использовать информацию из самостоятельно найденных теоретических источников и иллюстрировать ими теоретические положения или обосновывать практику применения.	85-89	B / Очень хорошо / Зачтено
			70-84	C / Хорошо / Зачтено
Пороговый Все виды компетенций сформированы на пороговом уровне	Репродуктивная деятельность	Студент демонстрирует владение компетенциями в стандартных ситуациях: излагает в пределах задач курса теоретически и практически контролируемый материал.	65-69	D / Удовлетворительно / Зачтено
			60-64	E / Посредственно / Зачтено
Ниже порогового	Отсутствие признаков порогового уровня: компетенции не сформированы. Студент не в состоянии продемонстрировать обладание компетенциями в стандартных ситуациях.		0-59	Неудовлетворительно / Не зачтено

Оценивание результатов обучения студентов по дисциплине осуществляется по регламенту текущего контроля и промежуточной аттестации.

Критерии оценивания компетенций на каждом этапе изучения дисциплины для каждого вида оценочного средства и приводятся в п. 4 ФОС. Итоговый уровень сформированности компетенции при изучении дисциплины определяется по таблице. При этом следует понимать, что граница между уровнями для конкретных результатов освоения образовательной программы может смещаться.

Уровень сформированности компетенции	Текущий контроль	Промежуточная аттестация
высокий	высокий	высокий
	продвинутый	высокий
	высокий	продвинутый
продвинутый	пороговый	высокий
	высокий	пороговый
	продвинутый	продвинутый
	продвинутый	пороговый
	пороговый	продвинутый
пороговый	пороговый	пороговый
ниже порогового	пороговый	ниже порогового
	ниже порогового	-

3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Итоговая аттестация по дисциплине является интегральным показателем качества теоретических и практических знаний и навыков обучающихся по дисциплине и складывается из оценок, полученных в ходе текущей и промежуточной аттестации.

Текущая аттестация в семестре проводится с целью обеспечения своевременной обратной связи, для коррекции обучения, активизации самостоятельной работы обучающихся.

Промежуточная аттестация предназначена для объективного подтверждения и оценивания достигнутых результатов обучения после завершения изучения дисциплины.

Текущая аттестация осуществляется два раза в семестр:

- контрольная точка № 1 (КТ № 1) – выставляется в электронную ведомость не позднее 8 недели учебного семестра. Включает в себя оценку мероприятий текущего контроля аудиторной и самостоятельной работы обучающегося по разделам/темам учебной дисциплины с 1 по 8 неделю учебного семестра.
- контрольная точка № 2 (КТ № 2) – выставляется в электронную ведомость не позднее 16 недели учебного семестра. Включает в себя оценку мероприятий текущего контроля аудиторной и самостоятельной работы обучающегося по разделам/темам учебной дисциплины с 9 по 16 неделю учебного семестра.

Результаты текущей и промежуточной аттестации подводятся по шкале бально-рейтинговой системы.

Этап рейтинговой системы / Оценочное средство	Неде- ля	Балл	
		Минимум*	Максимум**
Текущая аттестация	1-16	36	60
Контрольная точка № 1	7-8	18	30
Рейтинговая контрольная работа № 1	7-8	18	30
Контрольная точка № 2	15-16	18	30

Рейтинговая контрольная работа № 2	15-16	15	25
Индивидуальные домашние задания (ИДЗ)	16	3	5
Промежуточная аттестация	-	24	40
Экзамен	-		
Экзаменационный билет	-	24	40
ИТОГО по дисциплине		60	100

* - Минимальное количество баллов за оценочное средство – это количество баллов, набранное обучающимся, при котором оценочное средство засчитывается, в противном случае обучающийся должен ликвидировать появившуюся академическую задолженность по текущей или промежуточной аттестации. Минимальное количество баллов за текущую аттестацию, в т.ч. отдельное оценочное средство в ее составе, и промежуточную аттестацию составляет 60% от соответствующих максимальных баллов.

Процедура оценивания знаний, умений, владений по дисциплине включает учет успешности по всем видам заявленных оценочных средств.

Контрольные работы проводятся на практических занятиях.

По окончании освоения дисциплины проводится промежуточная аттестация в виде экзамена, что позволяет оценить совокупность приобретенных в процессе обучения компетенций. При выставлении итоговой оценки применяется балльно-рейтинговая система оценки результатов обучения.

Экзамен предназначен для оценки работы обучающегося в течение всего срока изучения дисциплины и призван выявить уровень, прочность и систематичность полученных обучающимся теоретических знаний и умений, способности приводить примеры практического использования знаний (например, применять их в решении практических задач), приобретения навыков самостоятельной работы, развития творческого мышления.

Оценка сформированности компетенций на экзамене для тех обучающихся, которые пропускали занятия и не участвовали в проверке компетенций во время изучения дисциплины, проводится после индивидуального собеседования с преподавателем по пропущенным или не усвоенным обучающимся темам с последующей оценкой самостоятельно усвоенных знаний на экзамене.

4. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков

№	Задание	Варианты(ы) ответа
1.	Найдите решение уравнения $y' = (2 - y)tgx$ удовлетворяющее начальному условию. В ответе укажите его значение при $x = \frac{\pi}{3}$:	а) -4 б) 6 + в) 4
2.	Найдите общее решение уравнения $y'' - 9y' = e^{9x}$	а) $y = C_1 + C_2xe^{9x} + \frac{e^{9x}}{9} +$ б) $y = C_1xe^{9x} + C_2\frac{e^{9x}}{9} +$ в) $y = C_1xe^{9x} + C_2e^{9x} + \frac{e^{9x}}{9}$
3.	Составьте дифференциальное уравнение семейства кривых $y = (x - C)^2$	а) $y' = 2x$ б) $y'^2 = 2x$ в) $y'^2 = 4x +$

4.	Решите задачу Коши $y'' + y = 2 \cos 2x$ при граничных условиях $y(0) = \frac{1}{3}$, $y'(0) = 0$:	а) $y = \frac{1}{2} \cos x + \frac{x}{2} \sin 2x$ б) $y = \cos x - \frac{2}{3} \cos 2x +$ в) $y = \cos x + 3x \cos x$
5.	Найдите решение уравнения $y' \cos x + (y + y^2) \sin x = 0$ удовлетворяющее начальному условию $y(0) = -1$. В ответе укажите его значение при $x = \frac{\pi}{2}$:	а) 1 б) -1 + в) -0.5
6.	Решите задачу Коши $y'' + y = \frac{1}{\cos x}$ при граничных условиях $y(0) = 0$, $y'(0) = 0$:	а) $y = \cos x + x \sin x$ б) $y = \ln \cos x + x \sin 2x$ в) $y = \cos x \ln \cos x + x \sin x +$
7.	Составьте дифференциальное уравнение семейства кривых $2x^2 + Cy^2 = 1$:	а) $(2x^2 - 1)y' = 2xy +$ б) $(2x^2 + 1)y' = 2xy$ в) $(2x^2 - 1)y' = -xy$
8.	Найдите общее решение уравнения $y'' + \frac{y'}{x} = \frac{1}{x^3}$	а) $y = C_1 \ln x + \frac{1}{x} + C_2 +$ б) $y = C_1 \ln x + \frac{1}{x} C_2 + C_3$ в) $y = C_1 \ln x + x^2 C_2$
9.	Найдите решение уравнения $2xy dx = (1 + x^2) dy$, удовлетворяющее начальному условию $y(0) = 1$. В ответе укажите его значение при $x = 10$:	а) 121 б) 111 в) 101 +
10.	Найдите общее решение уравнения $y' y'' = 1$	а) $y = \frac{\sqrt{x+C_1}}{3} + C_2$ б) $y = \pm \frac{(2x+C_1)^{\frac{3}{2}}}{3} + C_2 +$ в) $y = \pm \frac{\sqrt{x+C_1}}{3} + C_2$
11.	Найдите решение уравнения $y' = y^2 - y$, удовлетворяющее начальному условию $y(1) = 1$. В ответе укажите его значение при $x = 10$:	а) 2 б) 1 + в) 3

12.	Какое из ниже перечисленных уравнений является уравнением в полных дифференциалах:	а) $(1 - x^2)dy + xydx = 0$ б) $(2xy^2 - y)dx + xdy = 0$ в) $(\sin x + y)dy + (y\cos x - x^2)dx = 0 +$
13.	Найдите абсциссу точки пересечения прямой $y = 0$ и решения уравнения $xydx + (x + 1)dy = 0$ проходящего через точку $(-1; -1)$:	а) 2 б) -1 + в) 0
14.	Найдите корни характеристического уравнения $y'' - 9y = 0$	а) 3; -3 + б) 0; -3 в) 1; 9
15.	Решите задачу Коши $xy' + y = \frac{y^2}{6}$, . В ответе укажите значение её решения при $x = 2$:	а) 3 б) 2 + в) 1
16.	Какое из ниже перечисленных уравнений не допускает понижение порядка:	а) $x^2y'' - 4xy' + 6y = 0 +$ б) $y'' = 3y^5$ в) $xy''' = y'' - xy''$
17.	Пользуясь принципом суперпозиции, определите вид частного решения уравнения $y''' - y'' = 1 + e^x$:	а) $Ax^2 + Bxe^x +$ б) $Ax + (Bx + C)e^x$ в) Ae^x
18.	Найдите фундаментальную систему решений для уравнения $y'' - 6y' + 9y = 0$	а) $y_1 = e^{3x}; y_2 = e^{-3x}$ б) $y_1 = e^{3x}; y_2 = xe^{3x} +$ в) $y_1 = 1; y_2 = e^{3x}$
19.	Найдите решение задачи Коши $x dy - 2y dx = 0$, $y(1)=2$. В ответе укажите значение её решения при $x = 2$:	а) 8 + б) 4 в) 6
20.	Какое из ниже перечисленных уравнений является линейным уравнением первого порядка:	а) $(\sin x + y)dy + (y\cos x - x^2)dx = 0$ б) $(2xy^2 - y)dx + xdy = 0$ в) $(1 - x^2)dy + xydy = 0 +$

21.	Найдите общее решение уравнения $y'' = \cos x$	а) $y = -\cos x + xC_1 + C_2 +$ б) $y = \cos x + xC_1 + C_2$ в) $y = -\cos x + xC_1$
22.	Какая из функций является однородной функцией второго порядка относительно переменных x и y ?	а) $f(x, y) = x^2 - 2y$ б) $f(x, y) = x^2 - 2yx +$ в) $f(x, y) = x^2 - xy^2$
23.	В каком виде следует искать частное решение уравнения $y''' + y' = \sin x + \cos x$:	а) $y = x(A\cos x + B\sin x)$ б) $y = A\cos x$ в) $y = A\cos x + B\sin x +$
24.	Найдите фундаментальную систему решений для уравнения $y'' - 2y' + 5y = 0$	а) $y_1 = e^x; y_2 = e^{-x}$ б) $y_1 = e^x \cos 2x; y_2 = e^{-x} \sin 2x$ в) $y_1 = e^x \cos 2x; y_2 = e^x \sin 2x +$
25.	Решите задачу Коши $y'' = 2x, y(0) = 1, y'(0) = 0$	а) $y = \frac{x^3}{3} + 1 +$ б) $y = \frac{x^3}{3}$ в) $y = \frac{x^3}{3} + x + 1$

Критерии оценивания компетенций (результатов)

Оценка	Шкала
Отлично	Количество верных ответов: 100%
Хорошо	Количество верных ответов в интервале: 81-99%
Удовлетворительно	Количество верных ответов в интервале: 60-80%
Неудовлетворительно	Количество верных ответов в интервале: 0-59%
или	
Зачтено	Количество верных ответов в интервале: 60%
Незачтено	Количество верных ответов в интервале: 0-59%